

2021年度 福井県公立高校入試B問題

大問1

(1) $\frac{5}{4}a^2 \div \frac{15}{2}a$ を計算しなさい。(4点)

(2) 6の平方根を求めよ。(4点)

(3) 二次方程式 $(x-2)^2 + (x-2)(x-4) = 0$ を解け。(5点)

(4) ある中学校で生徒400人の通学時間を調査した。

このとき、通学時間の中央値の求め方を説明せよ。(5点)

(5) 次のア～エの中から、 y が x の関数であるものをすべて選び、その記号を書け。(4点)

ア 底辺の長さが x cmである三角形の面積は y cm²である。

イ 周の長さが x cmである正方形の面積は y cm²である。

ウ x 個のさいころを同時に投げると、1の目は y 個出る。

エ 容積が300 Lである、からの水そうに毎分20 Lの割合で x 分間水を注いだとき、水そうからあふれた水の量は y Lである。

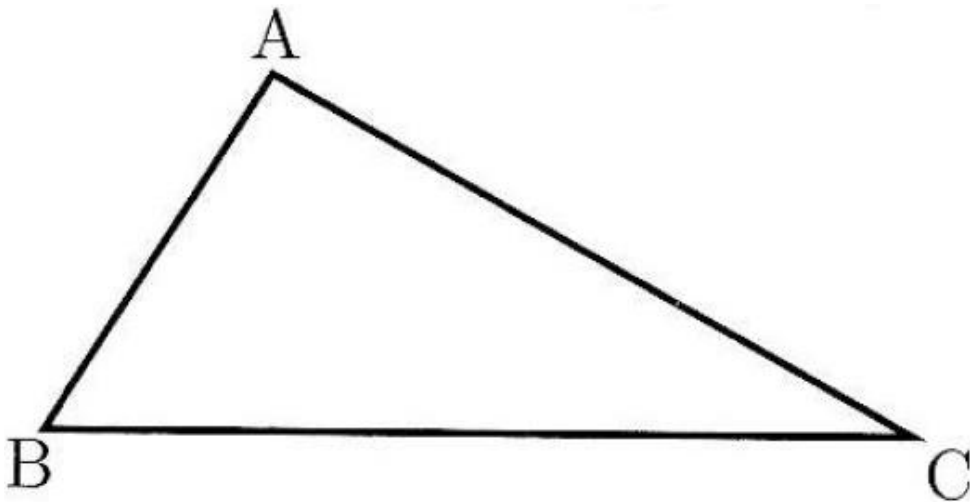
(6) 15以下の素数をすべて書け。(6点)

(7) 6で割ると5余る数と3で割ると2余る数の和を3で割ったときの余りを()に書き入れ、その求め方を文字式を使って説明せよ。(6点)

3で割ったときの余りは()である。

(説明)

(8) 下の図の $\triangle ABC$ で、 $\angle ABC$ の二等分線と辺 AC の垂直二等分線の交点 P を作図せよ。(作図に用いた線は消さないこと。)(6点)



大問 2

Aさんは、1周4 kmの池の周りを1 kmごとの4つの区間に分けて、次の【きまり】に従って1周することにした。

【きまり】

- 1枚の硬貨を4回投げ、投げた順に表か裏かを記録する。
- 記録した表裏に従って1 kmごとに順に進む方法を決める。進む方法は、表の場合は「歩く」、裏の場合は「走る」とする。ただし、裏であっても、その直前の区間で「走る」場合は「歩く」ことにする。
- 後もどりせずに1周する。

例：硬貨を4回投げたとき、表裏裏表の順に出た場合の硬貨の記録と進む方法

	1回目	2回目	3回目	4回目
硬貨	表	裏	裏	表

↓ ↓ ↓ ↓

	1km まで	2km まで	3km まで	4km まで
方法	歩く	走る	歩く	歩く

Aさんは1 km歩く場合12分かかり、走る場合6分かかる。

このとき、次の問いに答えよ。ただし、硬貨の表と裏の出かたは同様に確からしいとする。

(1) Aさんが池の周りを1周するのにかかる時間について、最も短い場合の時間を求めよ。(4点)

(2) Aさんが池の周りを1周するのに42分かかかる確率を求めよ。(6点)

大問 3

ある店では、鮭、昆布、明太子、梅の4種類のおにぎりを仕入れている。昨日仕入れた個数は、鮭が600個で、昆布と明太子と梅の合計は150個であった。今日仕入れる個数は、鮭は昨日の個数の30%を減らすことにした。また、昆布、明太子、梅は、それぞれ昨日の鮭の個数の5%、10%、15%増やすことにした。その結果、今日仕入れる個数は、昆布と明太子の合計が220個となり、また、鮭と梅の合計は明太子の5倍となった。このとき、次の問いに答えよ。

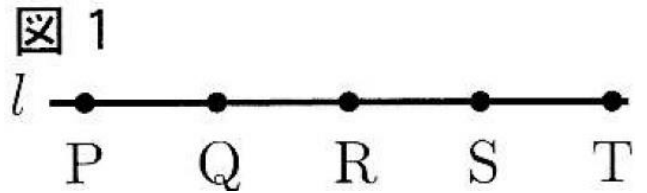
(1) 今日仕入れる鮭の個数を求めよ。(2点)

(2) ア 昨日仕入れた昆布の個数を x 個、明太子の個数を y 個とするとき、 x 、 y についての連立方程式をつくれ。(4点)

イ アの連立方程式を解いて、 x と y の値を求めよ。(4点)

大問 4

図1のように、直線 l 上に点 P 、 Q 、 R 、 S 、 T がこの順にあり、 $PQ = QR = RS = ST = 2 \text{ cm}$ である。このとき、次の問いに答えよ。



(1) 点 A は点 P を出発し、直線 l 上を点 P から点 T の方向に移動する。点 A が出発してから x 秒後 ($0 \leq x \leq 18$) の点 P から点 A までの距離を $y \text{ cm}$ とすると、 x と y の関係は、 a を定数として $y = ax$ と表される。点 B は最初、点 Q にあり、点 A が点 P を出発してから x 秒後の点 P から点 B までの距離を $y \text{ cm}$ とすると、点 B の位置と y の値は次のようになる。

$0 \leq x < 3$ のとき、点 Q 上にあり $y = 2$

$3 \leq x < 9$ のとき、点 R 上にあり $y = 4$

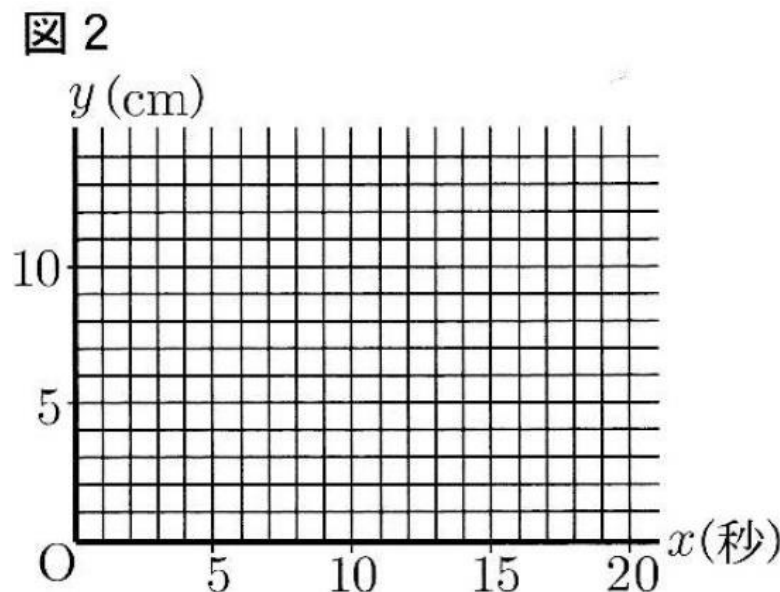
$9 \leq x < 12$ のとき、点 S 上にあり $y = 6$

$12 \leq x \leq 18$ のとき、点 T 上にあり $y = 8$

ア $a = 2$ のとき、点 A が点 P を出発してから 2 秒後の点 A 、点 B の y の値をそれぞれ求めよ。(4 点)

イ 点 B に関して、 x と y の関係を表すグラフを図 2 にかかけ。ただし、グラフで端の点を含む場合は●、グラフで端の点を含まない場合は○で表すこと。(8 点)

ウ $a = \frac{2}{3}$ のとき、点 A と点 B が重なる x の値をすべて求めよ。(4 点)



(2) 点Cは点Pを出発し、直線l上を点Pから点Tの方向に移動する。点Cが出発してからx秒後 ($0 \leq x \leq 18$) の点Pから点Cまでの距離をy cmとすると、xとyの関係は、 $y = \frac{1}{16}x^2$ と表される。点Dは最初、点Qにあり、点Cが点Pを出発してからx秒後の点Pから点Dまでの距離をy cmとすると、点Dの位置とyの値は次のようになる。

$0 \leq x < 3$ のとき、点Q上にあり $y = 2$

$3 \leq x < [\quad]$ のとき、点R上にあり $y = 4$

$[\quad] \leq x < 12$ のとき、点S上にあり $y = 6$

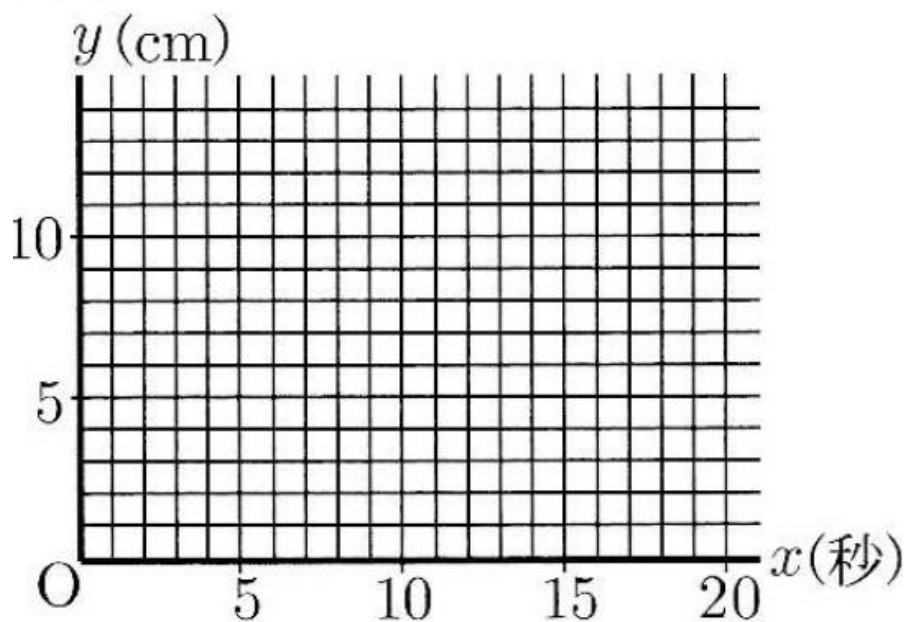
$12 \leq x \leq 18$ のとき、点T上にあり $y = 8$

(ただし、[] には同じ値が入る)

このとき、点Cと点Dがちょうど2回重なるような [] にあてはまる数のうち最も大きな値を求めよ。

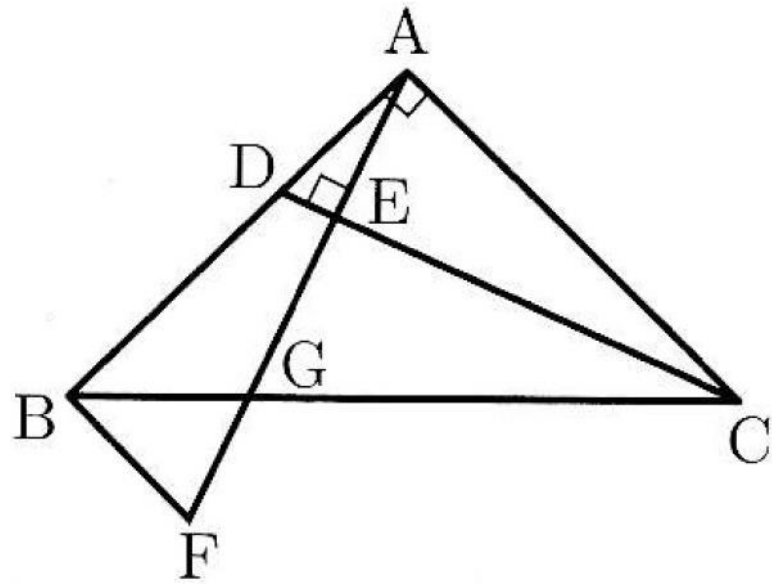
必要ならば、図3を利用してもよい。(4点)

図3



大問 5

右の図のように、 $\angle A$ を直角とする直角二等辺三角形 ABC の辺 AB 上に点 A 、 B と異なる点 D をとり、点 C と点 D を結ぶ。さらに、点 A から線分 CD に垂線をひき、線分 CD との交点を E とする。線分 AE を E の方に延長した半直線上に、 $AF = CD$ となる点 F をとる。線分 AF と線分 BC の交点を G とする。また、点 B と点 F を結ぶ。このとき、次の問いに答えよ。



(1) $AD = BF$ となることを証明せよ。(8点)

(2) $AD = \frac{1}{3}AB$ のとき、次の問いに答えよ。

ア $\triangle BFG$ と $\triangle AEC$ の面積の比を最も簡単な整数の比で表せ。(6点)

イ $AB = \sqrt{2} \text{ cm}$ とし、右の図のように直線 AC と平行で、点 G を通る直線を直線 l とする。直線 l を回転の軸として $\triangle BFG$ を 1 回転させてできる立体の体積を求めよ。(6点)

