

第一日

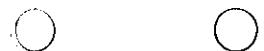
数学

(11:50~12:40)



注意

- 1 検査開始のチャイムがなるまで開いてはいけません。
- 2 問題用紙の1ページから10ページに、問題が**1**から**6**まであります。  
これとは別に解答用紙が1枚あります。
- 3 問題用紙と解答用紙に受検番号を書きなさい。
- 4 答えはすべて解答用紙に記入しなさい。



|      |     |
|------|-----|
| 受検番号 | 第 番 |
|------|-----|

① 次の(1)～(8)に答えなさい。

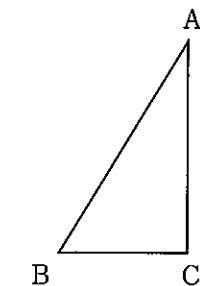
(1)  $6 - 5 - (-2)$  を計算しなさい。

(2)  $a = 4$  のとき、 $6a^2 \div 3a$  の値を求めなさい。

(3)  $\sqrt{2} \times \sqrt{6} + \frac{9}{\sqrt{3}}$  を計算しなさい。

(4) 方程式  $x^2 + 5x - 6 = 0$  を解きなさい。

(5) 右の図のように、 $BC = 3\text{cm}$ ,  $AC = 5\text{cm}$ ,  $\angle BCA = 90^\circ$  の直角三角形ABCがあります。直角三角形ABCを、辺ACを軸として1回転させてできる立体の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。ただし、円周率は  $\pi$  とします。



(6) 2点A(1, 7), B(3, 2)の間の距離を求めなさい。

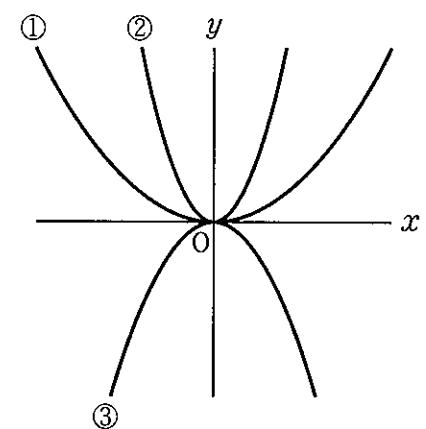


(7) 右の図の①～③の放物線は、下のア～ウの関数のグラフです。①～③は、それぞれどの関数のグラフですか。ア～ウの中から選び、その記号をそれぞれ書きなさい。

ア  $y = 2x^2$

イ  $y = \frac{1}{3}x^2$

ウ  $y = -x^2$

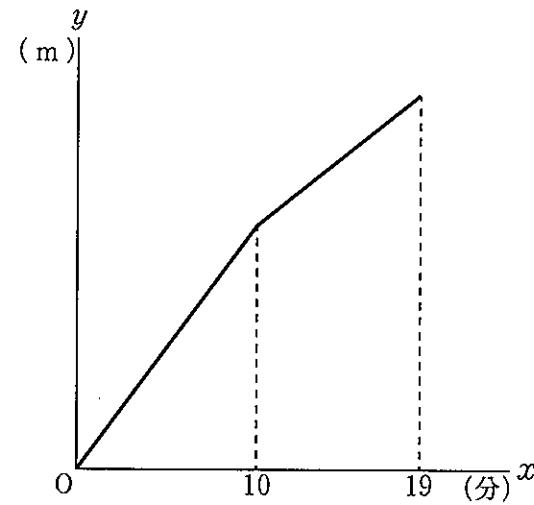


(8) 数字を書いた4枚のカード、1, 2, 3, 4 が袋Aの中に、数字を書いた3枚のカード、1, 2, 3 が袋Bの中に入っています。それぞれの袋からカードを1枚ずつ取り出すとき、その2枚のカードに書いてある数の和が6以上になる確率を求めなさい。

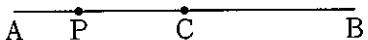
② 次の(1)～(3)に答えなさい。

(1)  $4 < \sqrt{a} < \frac{13}{3}$  に当たる整数  $a$  の値を全て求めなさい。

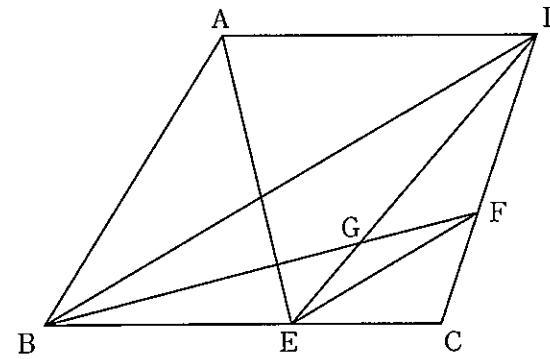
(3) Aさんは駅を出発し、初めの10分間は平らな道を、その後の9分間は坂道を歩いて図書館に行きました。下の図は、Aさんが駅を出発してから  $x$  分後の駅からの距離を  $y$  m とし、 $x$  と  $y$  の関係をグラフに表したもので、 $10 \leq x \leq 19$  のときの  $y$  を  $x$  の式で表すと  $y = 40x + 280$  です。Bさんは、Aさんが駅を出発した8分後に自転車で駅を出発し、Aさんと同じ道を通って、平らな道、坂道ともに分速160mで図書館に行きました。Bさんは途中でAさんに追いつきました。BさんがAさんに追いついたのは、駅から何mのところですか。



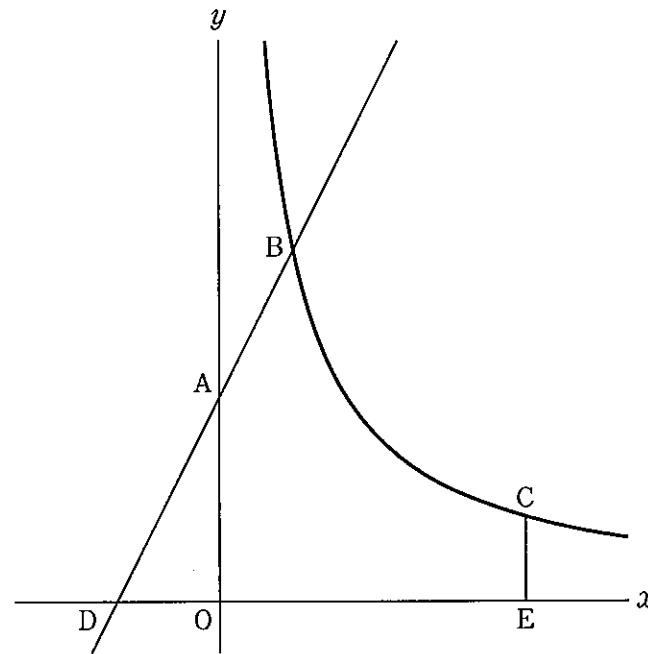
(2) 下の図のように、線分AB上に点Cがあり、 $AC = CB = 3\text{cm}$  です。線分AC上に点Pをとります。このとき、APを1辺とする正方形の面積とPBを1边とする正方形の面積の和は、PCを1辺とする正方形の面積とCBを1辺とする正方形の面積の和の2倍に等しくなります。このことを、線分APの長さを  $x\text{ cm}$  として、 $x$  を使った式を用いて説明しなさい。ただし、点Pは点A、Cと重ならないものとします。



- ③ 下の図のように、 $AD \parallel BC$  の台形  $ABCD$  があります。辺  $BC$  上に点  $E$ 、辺  $CD$  上に点  $F$  を、 $BD \parallel EF$  となるようにとります。また、線分  $BF$  と線分  $ED$  の交点を  $G$  とします。 $BG : GF = 5 : 2$  となるとき、 $\triangle ABE$  の面積  $S$  と  $\triangle GEF$  の面積  $T$  の比を、最も簡単な整数の比で表しなさい。



- ④ 下の図のように、 $y$  軸上に点  $A(0, 5)$  があり、関数  $y = \frac{a}{x}$  のグラフ上に、 $y$  座標が 5 より大きい範囲で動く点  $B$  と  $y$  座標が 2 である点  $C$  があります。直線  $AB$  と  $x$  軸との交点を  $D$  とします。また、点  $C$  から  $x$  軸に垂線を引き、 $x$  軸との交点を  $E$  とします。ただし、 $a > 0$  とします。



次の(1)・(2)に答えなさい。

- (1)  $a = 8$  のとき、点  $C$  の  $x$  座標を求めなさい。
- (2)  $DA = AB$ ,  $DE = 9$  となるとき、 $a$  の値を求めなさい。

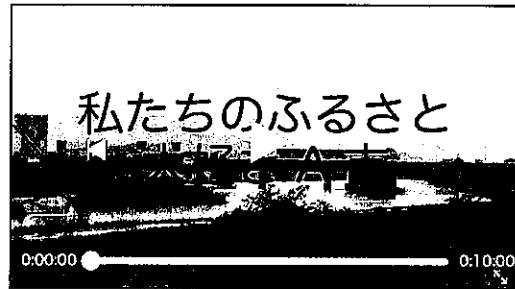
⑤ A市役所で働いている山本さんと藤井さんは、動画を活用した広報活動を担当しています。山本さんたちは、A市の動画の再生回数を増やすことで、A市の魅力をより多くの人に知ってもらいたいと考えています。そこで、インターネット上に投稿した動画が人気となっているA市出身のXさんとYさんとZさんのうちの1人に、A市の新しい動画の作成を依頼しようとしています。

山本「A市が先月投稿した動画の再生回数は、今はどれくらいになっているかな？」

藤井「先ほど確認したところ、今は1200回くらいになっていました。新しい動画では再生回数をもっと増やしたいですね。」

山本「そうだよね。Xさん、Yさん、Zさんの誰に動画の作成を依頼したらいいかな。」

藤井「まずは、3人が投稿した動画の再生回数がどれくらいなのかを調べましょう。」



A市が先月投稿した動画の画面

次の(1)・(2)に答えなさい。

(1) 藤井さんは、Xさん、Yさん、Zさんが投稿した動画のうち、それぞれの直近50本の動画について再生回数を調べ、下の【資料I】にまとめ、山本さんと話をしています。

【資料I】再生回数の平均値、最大値、最小値

|     | 平均値(万回) | 最大値(万回) | 最小値(万回) |
|-----|---------|---------|---------|
| Xさん | 16.0    | 22.6    | 10.2    |
| Yさん | 19.2    | 27.8    | 10.7    |
| Zさん | 19.4    | 29.3    | 10.3    |

藤井「【資料I】から、Xさんの再生回数の平均値は、Yさん、Zさんよりも3万回以上少ないことが分かりますね。」

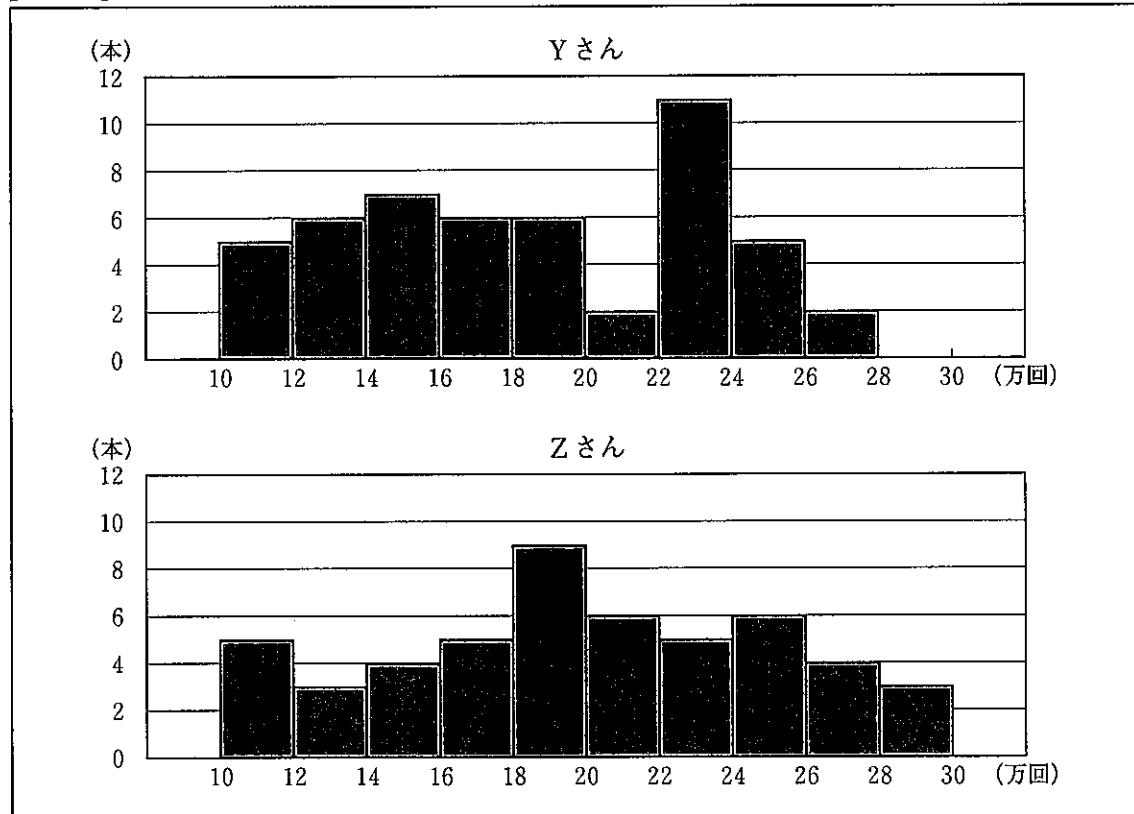
山本「そうだね。それと、①Xさんについては、再生回数の範囲も、Yさん、Zさんよりも小さいね。」

下線部①について、Xさんの再生回数の範囲として適切なものを、下のア～エの中から選び、その記号を書きなさい。

ア 5.8万回 イ 6.6万回 ウ 12.4万回 エ 32.8万回

(2) 山本さんたちは、(1)の【資料I】の分析から、A市の新しい動画の作成をYさんかZさんに依頼することにしました。さらに分析をするために、Yさん、Zさんが投稿した動画のうち、直近50本の動画の再生回数のヒストグラムを作成し、下の【資料II】にまとめました。【資料II】のヒストグラムでは、例えば、直近50本の動画の再生回数が10万回以上12万回未満であった本数が、Yさん、Zさんとも5本ずつあったことを表しています。

【資料II】再生回数のヒストグラム



A市の動画の再生回数を増やすために、A市の新しい動画の作成を、あなたなら、YさんとZさんのどちらに依頼しますか。また、その人に依頼する理由を、【資料II】のYさんとZさんのヒストグラムを比較して、そこから分かる特徴を基に、数値を用いて説明しなさい。

6 中学生の航平さんは、「三角形の3つの辺に接する円の作図」について、高校生のお兄さんの啓太さんと話をしています。

航平「数学の授業で、先生から、これまで学習したことを用いると、三角形の3つの辺に接する円を作図できると聞いたんだけど、どうやったら作図できるんだろう。」

啓太「①角の二等分線の作図と②垂線の作図の方法を知っていれば、その円を作図できるよ。」

航平「その2つの方法は習ったし、角の二等分線の作図の方法が正しいことも証明したよ。」

啓太「そうなんだね。実は、三角形の2つの角の二等分線の交点が、その円の中心になるんだよ。三角形の3つの辺に接する円の作図には、いろいろな图形の性質が用いられているから、作図をする際には振り返るといいよ。」

次の(1)~(3)に答えなさい。

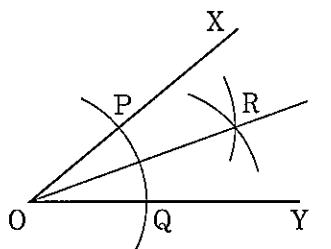
(1) 下線部①について、航平さんは、下の【角の二等分線の作図の方法】を振り返りました。

#### 【角の二等分線の作図の方法】

[1] 点Oを中心とする円をかき、半直線OX, OYとの交点を、それぞれP, Qとする。

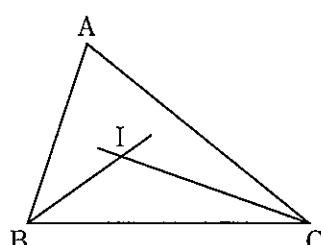
[2] 2点P, Qを、それぞれ中心として、同じ半径の円をかき、その交点の1つをRとする。

[3] 半直線ORを引く。



【角の二等分線の作団の方法】において、作団した半直線ORが $\angle X O Y$ の二等分線であることを、三角形の合同条件を利用して証明しなさい。

(2) 下線部②について、航平さんは、右の図の△ABCにおいて、 $\angle ABC$ ,  $\angle ACB$ の二等分線をそれぞれ引き、その交点をIとしました。そして、下の【手順】によって点Iから辺BCに垂線を引きました。



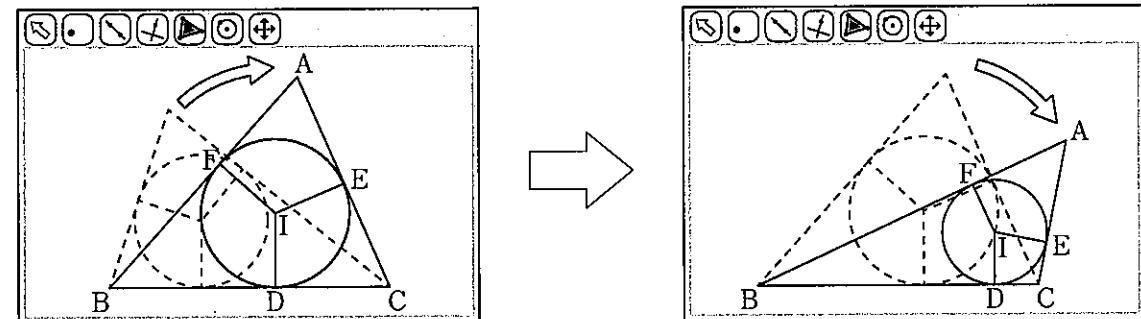
#### 【手順】

- [1] アを中心として、イを半径とする円をかく。
- [2] ウを中心として、エを半径とする円をかく。
- [3] [1], [2]でかいた円の交点のうち、Iではない方をJとする。
- [4] 2点I, Jを通る直線を引く。

【手順】のア・ウに当てはまる点をそれぞれ答えなさい。また、イ・エに当てはまる線分をそれぞれ答えなさい。

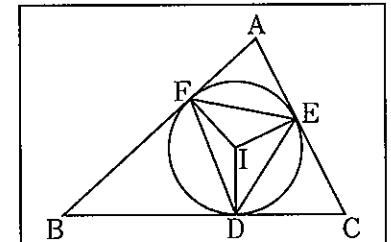
航平さんは、点Iから辺BCに引いた垂線と辺BCとの交点をDとしました。同じようにして、点Iから辺CA, ABにも垂線を引き、辺CA, ABとの交点をそれぞれE, Fとしました。そして、角の二等分線の性質から $ID = IE = IF$ であり、点Iを中心とし、IDを半径とする円が、円の接線の性質から△ABCの3つの辺に接する円であることが分かりました。

(3) さらに、航平さんは、コンピュータを使って△ABCの3つの辺に接する円をかき、下の図のように、辺BCをそのままにして点Aを動かし、△ABCをいろいろな形の三角形に変え、いつでも成り立ちそうなことについて調べました。

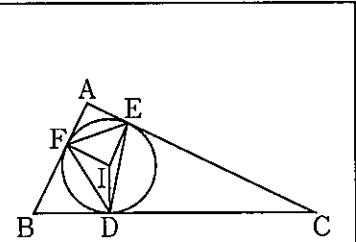


航平さんは、下の図のように、 $\angle BAC$ の大きさを、鋭角、直角、鈍角と変化させたときの△DEFに着目しました。

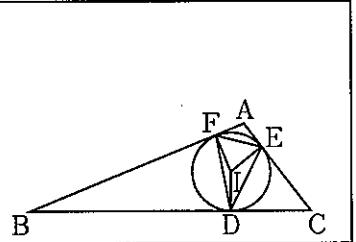
$\angle BAC$  が鋭角のとき



$\angle BAC$  が直角のとき



$\angle BAC$  が鈍角のとき



航平さんは、△ABCがどのような三角形でも、△DEFが鋭角三角形になるのではないだろうかと考え、それがいつでも成り立つことを、下のように説明しました。

#### 【航平さんの説明】

$\angle BAC = \angle x$  とするとき、 $\angle FDE$ を、 $\angle x$ を用いて表すと、 $\angle FDE = \boxed{\text{オ}}$ と表せる。これより、 $\angle FDE$ は、 $\boxed{\text{カ}}$ °より大きく $\boxed{\text{キ}}$ °より小さいことがいえるから、鋭角である。同じようにして、 $\angle DEF$ ,  $\angle EFD$ も鋭角である。よって、△ABCがどのような三角形でも、△DEFは鋭角三角形になる。

【航平さんの説明】のオに当てはまる式を、 $\angle x$ を用いて表しなさい。また、カ・キに当てはまる数をそれぞれ求めなさい。

## 数学 解答用紙

|      |
|------|
| 受験番号 |
| 第    |
| 番    |

|    |
|----|
| 得点 |
|----|

|     |
|-----|
| (1) |
| (2) |
| (3) |

|     |
|-----|
| (1) |
| (2) |

|                     |
|---------------------|
| 1                   |
| (4)                 |
| (5) cm <sup>3</sup> |
| (6)                 |
| (7) ①               |
| (8)                 |

|     |
|-----|
| 4   |
| (2) |

|     |
|-----|
| (1) |
| (8) |

|     |
|-----|
| 5   |
| (2) |

〔証明〕

|     |
|-----|
| (1) |
| (2) |

|     |
|-----|
| 2   |
| (2) |

6

|   |
|---|
| ア |
| イ |
| ウ |
| エ |
| オ |
| カ |
| キ |

|             |
|-------------|
| 3           |
| S : T = : : |

# 数 学 採 点 基 準

【注意】この採点基準以外に問題がおこったときは、各学校で基準を設けて採点すること。

| 問題番号 | 正 答 [例]   | 採点上の注意                       | 配 点    |
|------|---|------------------------------|--------|
| ①    | (1) 3   | (7) については、全部合っているものだけを正答とする。 | 各 2 16 |
|      | (2) 8   |                              |        |
|      | (3) $5\sqrt{3}$   |                              |        |
|      | (4) $x = -6, 1$   |                              |        |
|      | (5) $15\pi$   |                              |        |
|      | (6) $\sqrt{29}$   |                              |        |
|      | (7) ① イ ② ア ③ ウ   |                              |        |
|      | (8) $\frac{1}{4}$   |                              |        |
| ②    | (1) 17, 18  | 内容を正しく捉えていれば、表現は異なっていてもよい。   | 3 10   |
|      | A P を 1 辺とする正方形の面積は $x^2 \text{cm}^2$ .....①<br>P B を 1 边とする正方形の面積は<br>$(6 - x)^2 = x^2 - 12x + 36 (\text{cm}^2)$ .....②<br>①, ②より、A P を 1 边とする正方形の面積と P B を 1 边とする正方形の面積の和は<br>$x^2 + x^2 - 12x + 36$<br>$= 2x^2 - 12x + 36$ .....③<br>P C を 1 边とする正方形の面積は<br>$(3 - x)^2 = x^2 - 6x + 9 (\text{cm}^2)$ .....④<br>C B を 1 辺とする正方形の面積は $9 \text{cm}^2$ .....⑤<br>④, ⑤より、P C を 1 边とする正方形の面積と C B を 1 边とする正方形の面積の和の 2 倍は<br>$(x^2 - 6x + 9 + 9) \times 2$<br>$= 2x^2 - 12x + 36$ .....⑥<br>③, ⑥より、A P を 1 边とする正方形の面積と P B を 1 边とする正方形の面積の和は、P C を 1 边とする正方形の面積と C B を 1 边とする正方形の面積の和の 2 倍に等しくなる。 |                              |        |
|      | (2) 800   |                              |        |
|      | [3] 35 : 4  |                              |        |

| 問題番号 | 正 答 [例]                             | 採点上の注意   | 配 点 |
|------|-------------------------------------|--|-----|
| ④    | (1) 4                               |  | 2 5 |
|      | (2) 15                              |  |     |
| ⑤    | (1) ウ                               | (Yさんに依頼する場合)<br>再生回数の最頻値に着目すると、Yさんは23万回、Zさんは19万回なので、Yさんが作成する動画の方が、Zさんが作成する動画より再生回数が多くなりそうである。だから、Yさんに依頼する。<br>(Zさんに依頼する場合)<br>再生回数が18万回以上の階級の度数の合計に着目すると、Yさんは26本、Zさんは33本なので、Zさんが作成する動画の方が、Yさんが作成する動画より再生回数が多くなりそうである。だから、Zさんに依頼する。   | 2 6 |
|      | (2)                                 |  |     |
| ⑥    | (1)                                 | 点Pと点R、点Qと点Rをそれぞれ結ぶ。<br>$\triangle POR$ と $\triangle QOR$ において<br>$OP = OQ$ .....①<br>$PR = QR$ .....②<br>共通な辺であるから<br>$OR = OR$ .....③<br>①, ②, ③より、3組の辺がそれぞれ等しいから<br>$\triangle POR \equiv \triangle QOR$<br>合同な図形の対応する角は等しいから<br>$\angle POR = \angle QOR$<br>したがって、ORは $\angle X O Y$ の二等分線である。 | 4 9 |
|      | (2)                                 |  |     |
| ③    | ア B                                 | 全部合っているものだけを正答とする。<br>アがC、イがC I、ウがB、エがB I もよい。   | 2   |
|      | イ B I                               |  |     |
|      | ウ C                                 |  |     |
| (3)  | エ C I                               |  |     |
|      | オ $90^\circ - \frac{1}{2} \angle x$ | 全部合っているものだけを3点とする。<br>オが合っていて、力かキの少なくとも一方が間違っているものは2点とする。  | 3   |
|      | カ 0                                 |  |     |
|      | キ 90                                |  |     |