

問題 1 次の(1)~(7)の問い合わせに答えなさい。

(1)  $3 + 8 \div (-4)$  を計算せよ。

(2)  $6 \times \frac{5}{3} - 5^2$  を計算せよ。

(3)  $\frac{x+2y}{2} + \frac{4x-y}{6}$  を計算せよ。

(4)  $\sqrt{8} - \sqrt{3}(\sqrt{6} - \sqrt{27})$  を計算せよ。

(5)  $(x+1)(x-3)+4$  を因数分解せよ。

(6)  $x$ についての2次方程式  $-x^2 + ax + 21 = 0$  の解の1つが3のとき、 $a$ の値を求めよ。

(7) 次の⑦~⑩の数のうち、12の倍数であるものはどれか。正しいものを1つ選んで、その記号を書け。

⑦  $2 \times 3^4$

⑧  $2 \times 3^2 \times 7$

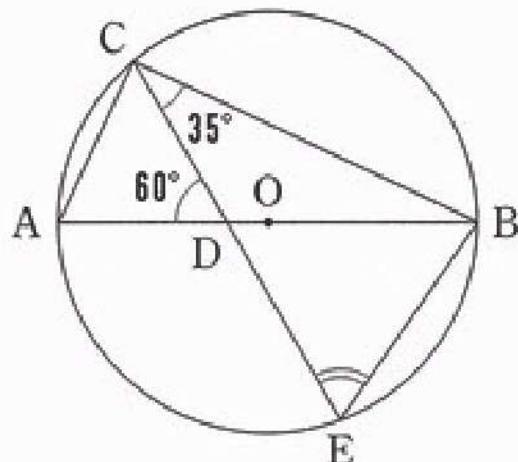
⑨  $2^2 \times 3^2 \times 5$

⑩  $2^3 \times 5 \times 7$

問題 2 次の(1)~(3)の問い合わせに答えなさい。

(1) 右の図のような、線分ABを直径とする円Oがあり、円周上に2点A, Bと異なる点Cをとる。線分AB上に、2点A, Bと異なる点Dをとる。2点C, Dを通る直線と円Oとの交点のうち、点Cと異なる点をEとする。点Aと点C, 点Bと点Eをそれぞれ結ぶ。

$\angle BCE = 35^\circ$ ,  $\angle ADC = 60^\circ$ であるとき、 $\angle BEC$ の大きさは何度か。

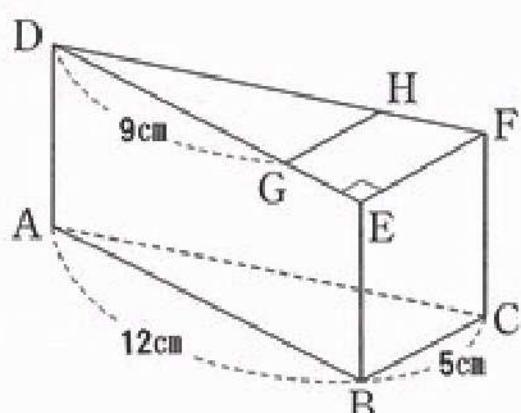


(2) 右の図のような三角柱がある。辺DE上に2点D, Eと異なる点Gをとり、点Gを通り、辺EFに平行な直線と、辺DFとの交点をHとする。

$AB = 12\text{ cm}$ ,  $BC = 5\text{ cm}$ ,  $DG = 9\text{ cm}$ ,  $\angle DEF = 90^\circ$ で、この三角柱の表面積が  $240\text{ cm}^2$  であるとき、次のア、イの問い合わせに答えよ。

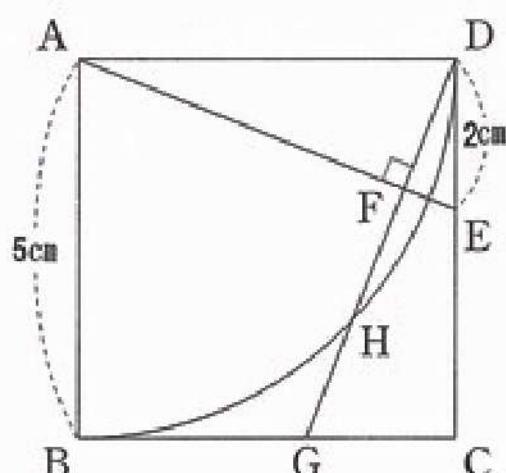
ア 線分GHの長さは何cmか。

イ この三角柱の体積は何 $\text{cm}^3$ か。



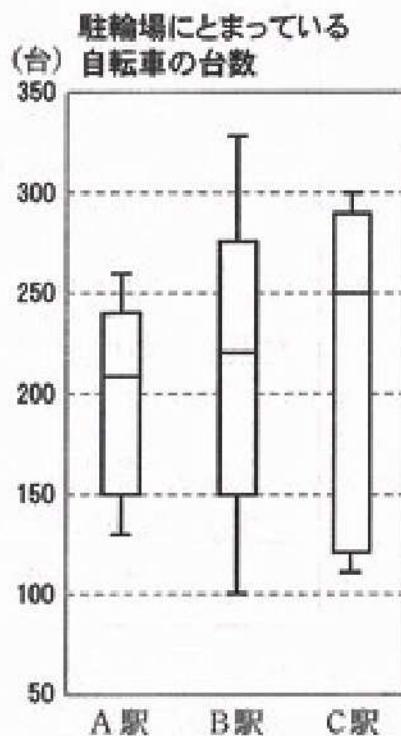
(3) 右の図のような、正方形ABCDがある。辺CD上に、2点C, Dと異なる点Eをとり、点Aと点Eを結ぶ。点Dから線分AEに垂線をひき、その交点をFとし、直線DFと辺BCとの交点をGとする。点Aを中心として、半径ABの円をかき、線分DGとの交点のうち、点Dと異なる点をHとする。

$AB = 5\text{ cm}$ ,  $DE = 2\text{ cm}$  であるとき、線分GHの長さは何cmか。



問題 3 次の(1)~(4)の問い合わせに答えなさい。

- (1)  $y$  は  $x$  に反比例し、 $x = 2$  のとき  $y = 5$  である。 $x = 3$  のときの  $y$  の値を求めよ。
- (2) 2つのくじ A, B がある。くじ A には、5本のうち、2本の当たりが入っている。くじ B には、4本のうち、3本の当たりが入っている。くじ A, B からそれぞれ1本ずつくじを引くとき、引いた2本のくじのうち、少なくとも1本は当たりである確率を求めよ。
- (3) 右の図は、A駅、B駅、C駅それぞれの駐輪場にとまっている自転車の台数を、6月の30日間、毎朝8時に調べ、そのデータを箱ひげ図に表したものである。次の⑦~⑩のうち、この箱ひげ図から読みとれることとして、必ず正しいといえることはどれか。2つ選んで、その記号を書け。
- ⑦ A駅について、自転車の台数が200台以上であった日数は15日以上である
- ⑧ A駅とB駅について、自転車の台数が150台未満であった日数を比べると、B駅の方が多い
- ⑨ B駅とC駅について、自転車の台数の四分位範囲を比べると、C駅の方が大きい
- ⑩ A駅、B駅、C駅について、自転車の台数の最大値を比べると、C駅がもっとも大きい



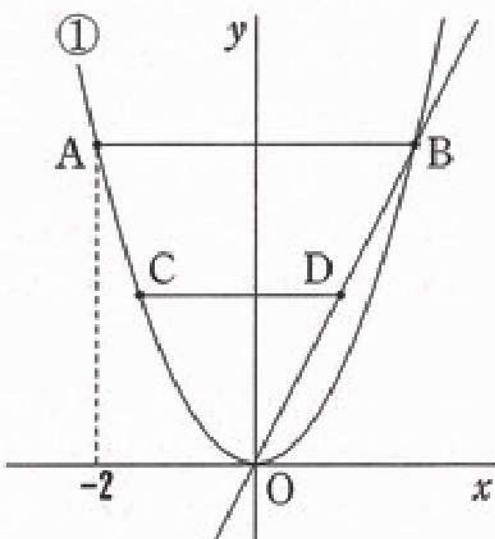
- (4) 右の図で、点Oは原点であり、放物線①は関数  $y = x^2$  のグラフである。

2点A, Bは放物線①上の点で、点Aのx座標は-2であり、線分ABはx軸に平行である。点Cは放物線①上の点で、そのx座標は負の数である。点C通り、x軸に平行な直線をひき、直線OBとの交点をDとする。

これについて、次のア、イの問い合わせに答えよ。

- ア 関数  $y = x^2$  で、 $x$  の変域が  $-\frac{3}{2} \leq x \leq 1$  のとき、 $y$  の変域を求めよ。

- イ AB : CD = 8 : 5 であるとき、点Cのx座標はいくらか。点Cのx座標を  $a$  として、 $a$  の値を求めよ。 $a$  の値を求める過程も、式と計算を含めて書け。



問題 4 次の(1), (2)の問い合わせに答えなさい。

(1) 次の会話文を読んで、 あとのア, イの問い合わせに答えよ。

先生：ここに何も書かれていないカードがたくさんあります。このカードと何も入っていない袋を使って、次の操作①から操作⑤を順におこなってみましょう。

操作① 5枚のカードに自然数を1つずつ書き、その5枚のカードをすべて袋に入れる。

操作② 袋の中から同時に2枚のカードを取り出す。その2枚のカードに書いてある数の和を $a$ とし、新しい1枚のカードに $a$ の値を書いて袋に入れる。取り出した2枚のカードは袋に戻さない。

操作③ 袋の中から同時に2枚のカードを取り出す。その2枚のカードに書いてある数の和を $b$ とし、新しい1枚のカードに $b+1$ の値を書いて袋に入れる。取り出した2枚のカードは袋に戻さない。

操作④ 袋の中から同時に2枚のカードを取り出す。その2枚のカードに書いてある数の和を $c$ とし、新しい1枚のカードに $c+2$ の値を書いて袋に入れる。取り出した2枚のカードは袋に戻さない。

操作⑤ 袋の中から同時に2枚のカードを取り出す。その2枚のカードに書いてある数の和を $X$ とする。

花子：私は操作①で5枚のカード 1, 2, 3, 5, 7 を袋に入れます。次に操作②をします。

袋の中から 3 と 5 を取り出したので、8 を袋に入れます。操作②を終えて、袋の中のカードは 1, 2, 7, 8 の4枚になりました。

太郎：私も操作①で5枚のカード 1, 2, 3, 5, 7 を袋に入れました。操作②を終えて、袋の中のカードは 3, 3, 5, 7 の4枚になりました。次に操作③をします。袋の中から 3 と 3 を取り出したので、7 を袋に入れます。操作③を終えて、袋の中のカードは 5, 7, 7 の3枚になりました。

花子：操作⑤を終えると、私も太郎さんも  $X = \boxed{P}$  になりました。

先生：2人とも正しく $X$ の値が求められましたね。

ア 会話文中の $P$ の        内にあてはまる数を求めよ。

イ 次郎さんも、花子さんや太郎さんのように、操作①から操作⑤を順におこなってみることにした。そこで、操作①で異なる5つの自然数を書いた5枚のカードを袋に入れた。操作②で取り出した2枚のカードの一方に書いてある数は3であった。操作③で取り出した2枚のカードの一方に書いてある数は1であり、操作③を終えたとき、袋の中にある3枚のカードに書いてある数はすべて同じ数であった。操作⑤を終えると $X = 62$ になった。このとき、次郎さんが操作①で書いた5つの自然数を求めよ。

(2) 2日間おこなわれたバザーで、太郎さんのクラスは、ペットボトル飲料、アイスクリーム、ドーナツの3種類の商品を仕入れて販売した。バザーは、1日目、2日目とも9時から15時まで実施された。

1日目の8時に、太郎さんのクラスへ、1日目と2日目で販売するペットボトル飲料とアイスクリームのすべてが届けられた。このとき、1日目に販売するドーナツも届けられた。また、2日目の8時に、2日目に販売するドーナツが届けられ、その個数は、1日目の8時に届けられたドーナツの個数の3倍であった。

ペットボトル飲料は、1日目と2日目で合計280本売れ、1日目に売れたペットボトル飲料の本数は、2日目に売れたペットボトル飲料の本数よりも130本少なかった。

1日目において、1日目の8時に届けられたドーナツはすべて売れた。1日目に売れたアイスクリームの個数は、1日目の8時に届けられたアイスクリームの個数の30%で、1日目に売れたドーナツの個数よりも34個多かった。

2日目は、アイスクリーム1個とドーナツ1個をセットにして販売することにした。1日目が終了した時点で残っていたアイスクリームの個数が、2日目の8時に届けられたドーナツの個数よりも多かったので、ドーナツはすべてセットにできたが、いくつかのアイスクリームはセットにできなかった。セットにできなかったアイスクリームは1個ずつで販売され、セットにしたアイスクリームとは別に4個が売れた。2日目が終了した時点で、アイスクリームは5個、ドーナツは3個残っていた。

これについて、次のア～ウの問い合わせに答えよ。

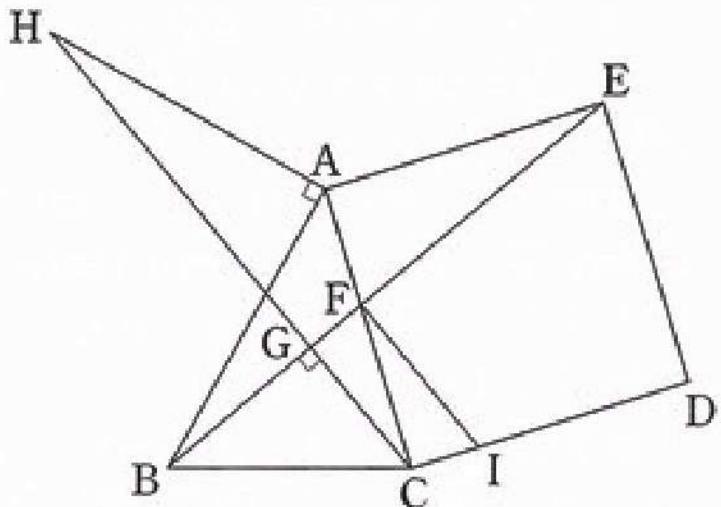
ア 1日目に売れたペットボトル飲料の本数は何本か。

イ 下線部について、1日目に届けられたアイスクリームの個数を $x$ 個、1日目に届けられたドーナツの個数を $y$ 個として、 $y$ を $x$ を使った式で表せ。

ウ 1日目に届けられたアイスクリームの個数を $x$ 個、1日目に届けられたドーナツの個数を $y$ 個として、 $x$ 、 $y$ の値を求めよ。 $x$ 、 $y$ の値を求める過程も、式と計算を含めて書け。

**問題 5** 右の図のような、鋭角三角形  $ABC$  があり、辺  $AC$  を 1 辺にもつ正方形  $ACDE$  を  $\triangle ABC$  の外側につくる。辺  $AC$  と線分  $BE$  との交点を  $F$  とする。点  $C$  から線分  $BE$  に垂線をひき、その交点を  $G$  とする。点  $A$  を通り、辺  $AB$  に垂直な直線をひき、直線  $CG$  との交点を  $H$  とする。また、点  $F$  を通り、線分  $GC$  に平行な直線をひき、辺  $CD$  との交点を  $I$  とする。

このとき、次の(1), (2)の問い合わせに答えなさい。



(1)  $\triangle CFG \sim \triangle FIC$  であることを証明せよ。

(2) 直線  $AH$  と線分  $BE$  との交点を  $J$ 、辺  $AB$  と線分  $CH$  との交点を  $K$  とする。このとき、 $BJ = HK$  であることを証明せよ。

問題番号	正 答		配 点		備 考
			小問(標準)	大 問	
問題 1	(1)	1	1		
	(2)	-15	2		
	(3)	$\frac{7x+5y}{6}$	2		
	(4)	$9-\sqrt{2}$	2		
	(5)	$(x-1)^2$	2		
	(6)	$a=-4$	2		
	(7)	②	2	計 13	
問題 2	(1)	65 度	2		
	ア	$\frac{15}{4}$ cm	2		
	イ	180 cm <sup>3</sup>	2		
	(3)	$\frac{9\sqrt{29}}{29}$ cm	2	計 8	
問題 3	(1)	$y = \frac{10}{3}$	2		
	(2)	$\frac{17}{20}$	2		
	(3)	⑦ と ⑧	2		
	ア	$0 \leq y \leq \frac{9}{4}$	2		
	イ	αの値を求める過程(解答例) $y = x^2$ のグラフは、y 軸について対称だから、点Bのx座標は2であり、AB=4 点Cの座標は(a, a <sup>2</sup> )であり、点Cと点Dのy座標は等しいから、点Dのy座標もa <sup>2</sup> である。 点Dは直線y=2x上に点だから、点Dのx座標は $\frac{a^2}{2}$ であり、CD = $\frac{a^2}{2} - a$ AB : CD = 8 : 5 だから、 $4 : \left(\frac{a^2}{2} - a\right) = 8 : 5$ 整理すると、 $a^2 - 2a - 5 = 0$ よって、 $a = 1 \pm \sqrt{6}$ 点Cのx座標は負の数だから、 $a < 0$ でなければならない。 $\sqrt{6} > 1$ だから、 $a = 1 - \sqrt{6}$ は問題にあうが、 $a = 1 + \sqrt{6}$ は問題にあわない。	3		
	(4)	答 αの値 $1 - \sqrt{6}$		計 11	
	ウ				
問題 4	(1) ア	21	2		
	イ	1, 3, 17, 18, 20	2		
	ア	75 本	2		
	イ	$y = \frac{3}{10}x - 34$	2		
	ウ	x, y の値を求める過程(解答例) イの結果より、 $y = \frac{3}{10}x - 34$ ……① 2日目に売れたアイスクリームの個数は、 $x - \frac{3}{10}x - 5 = \left(\frac{7}{10}x - 5\right)$ 個 この中に、セットにできなかったアイスクリームが4個含まれているから。 2日目にセットにして売れたアイスクリームの個数は、 $\left(\frac{7}{10}x - 5\right) - 4 = \left(\frac{7}{10}x - 9\right)$ 個 2日目に売れたドーナツの個数は、 $(3y - 3)$ 個 したがって、2日目にセットにして売れたアイスクリームの個数と、 2日目に売れたドーナツの個数は等しいから、 $\frac{7}{10}x - 9 = 3y - 3$ 整理すると、 $y = \frac{7}{30}x - 2$ ……② ①, ②を連立方程式として解くと、 $x = 480$ , $y = 110$ 答 x の値 480, y の値 110	3		
	(2)			計 11	

問題 5	証明(解答例)		
	<p><math>\triangle CFG</math> と <math>\triangle FIC</math>において、  <math>CG//IF</math> より、錯角は等しいから、<math>\angle CGF = \angle IF C \cdots \textcircled{①}</math></p> <p>(I) 仮定より、<math>\angle CGF = 90^\circ</math> 四角形 <math>ACDE</math> は正方形だから、<math>\angle FCI = 90^\circ</math>      よって、<math>\angle CGF = \angle FCI \cdots \textcircled{②}</math></p> <p>①、②より、2組の角がそれぞれ等しいから、  <math>\triangle CFG \cong \triangle FIC</math></p>	3	
(II)	<p>証明(解答例)</p> <p><math>\triangle ABE</math> と <math>\triangle AHC</math>において、      四角形 <math>ACDE</math> は正方形だから、  <math>AE = AC \cdots \textcircled{①}</math>、<math>\angle EAC = 90^\circ</math></p> <p>仮定より、<math>\angle HAB = 90^\circ</math> だから、<math>\angle EAC = \angle HAB \cdots \textcircled{②}</math></p> <p><math>\angle BAE = \angle BAC + \angle EAC</math>、<math>\angle HAC = \angle HAB + \angle BAC</math>、②より、<math>\angle BAE = \angle HAC \cdots \textcircled{③}</math></p> <p><math>\angle EAF = \angle EAC = 90^\circ</math> 仮定より、<math>\angle CGF = 90^\circ</math></p> <p><math>\triangle AEF</math> は直角三角形だから、<math>\angle AEF = 90^\circ - \angle AFE</math></p> <p><math>\triangle CGF</math> は直角三角形だから、<math>\angle FCG = 90^\circ - \angle CFG</math></p> <p>対頂角は等しいから、<math>\angle AFE = \angle CPG</math> よって、<math>\angle AEF = \angle FCG</math></p> <p><math>\angle AEF = \angle AEB</math>、<math>\angle FCG = \angle ACH</math> だから、<math>\angle AEB = \angle ACH \cdots \textcircled{④}</math></p> <p>①、③、④より、1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから、<math>\triangle ABE \cong \triangle AHC</math>      よって、<math>AB = AH \cdots \textcircled{⑤}</math>、<math>\angle ABJ = \angle HKJ \cdots \textcircled{⑥}</math></p> <p><math>\triangle ABJ</math> と <math>\triangle AHK</math>において、仮定より、<math>\angle BAJ = \angle HAK = 90^\circ \cdots \textcircled{⑦}</math></p> <p>⑤、⑥、⑦より、1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから、<math>\triangle ABJ \cong \triangle AHK</math>      よって、<math>BJ = HK</math></p>	4	
			計 7